

ВАРИАНТ 6401

Инструкция по выполнению работы

Общее время экзамена—235 минут.

Характеристика работы. Всего в работе 26 заданий, из которых 20 заданий базового уровня (часть 1). 4 задания повышенного уровня (часть 2) и 2 задания высокого уровня сложности (часть 2). Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика».

Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 – восемь заданий; в части 2 – три задания. Модуль «Геометрия» содержит восемь заданий: в части 1 – пять заданий; в части 2 – три задания. Модуль «Реальная математика» содержит семь заданий: все задания этого модуля – в части 1.

Советы и указания по выполнению работы. Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удастся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы. Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

Ответы к заданиям 2, 3, 8, 14 запишите в бланк ответов № 1 в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа.

Для остальных заданий части 1 ответом является число или последовательность цифр. Ответ запишите в поле ответа в тексте работы, а затем перенесите в бланк ответа № 1. Если в ответе получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную.

Решения заданий части 2 и ответы к ним запишите на бланке ответов № 2. Задания можно выполнять в любом порядке, начиная с любого модуля. Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами.

Оценивание работы. Баллы, полученные за верно выполненные задания, суммируются. Для успешного прохождения итоговой аттестации необходимо набрать в сумме не менее 8 баллов, из них не менее 3 баллов в модуле «Алгебра», не менее 2 баллов в модуле «Геометрия» и не менее 2 баллов в модуле «Реальная математика». За каждое правильно выполненное задание части 1 выставляется 1 балл. В каждом модуле части 2 задания расположены по нарастанию сложности и оцениваются в 2, 3 и 4 балла.

Желаем успеха!

Часть 1

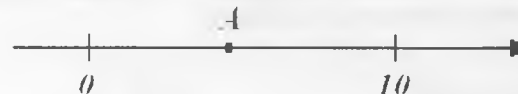
Ответами к заданиям 1-20 являются цифра, число или последовательность цифр, которые следует записать в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Если ответом является последовательность цифр, то запишите её без пробелов, запятых и других дополнительных символов. Каждый символ пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами.

Модуль «Алгебра»

1 Найдите значение выражения $\frac{0,9}{1+\frac{1}{8}}$.

Ответ: _____

2 На координатной прямой отмечена точка А.



Известно, что она соответствует одному из четырёх указанных ниже чисел. Какому из чисел соответствует точка А?

1) $\sqrt{17}$ 2) 0,4 3) $\frac{193}{17}$ 4) 6

Ответ:

3 Значение какого из выражений является рациональным числом?

1) $\sqrt{10} - 5$ 2) $\sqrt{5} \cdot \sqrt{7}$ 3) $(\sqrt{10} - 5)^2$ 4) $(\sqrt{7})^2$

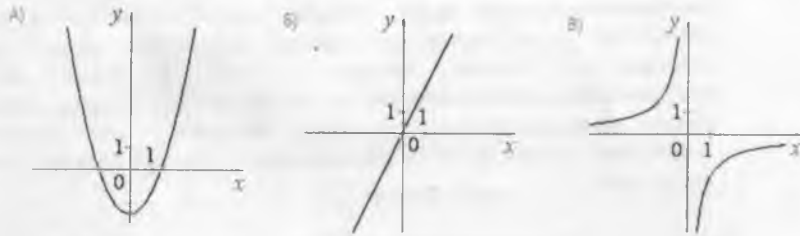
Ответ:

4 Решите уравнение $2x + 2 = -3$

Ответ: _____

Модуль «Геометрия»

5 Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.



- 1) $y = -\frac{2}{x}$ 2) $y = x^2 - 2$ 3) $y = 2x$ 4) $y = \frac{2}{x}$

Ответ:

| | | |
|---|---|---|
| А | Б | В |
| | | |

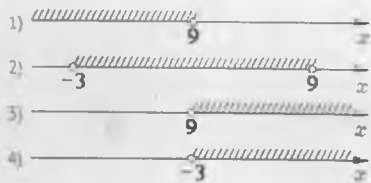
6 В последовательности чисел первое число равно 8, а каждое следующее больше предыдущего на 2. Найдите шестое число.

Ответ: _____

7 Найдите значение выражения $7b + \frac{2a-7b^2}{b}$ при $a = 9, b = 12$.

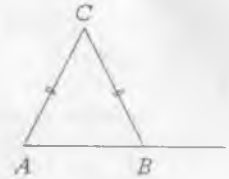
Ответ: _____

8 Решите систему неравенств $\begin{cases} 9 + 3x > 0, \\ 6 - 3x < -21. \end{cases}$
На каком рисунке изображено множество её решений?



Ответ:

9 В треугольнике ABC $AC=BC$. Внешний угол при вершине B равен 125° . Найдите угол C. Ответ дайте в градусах.



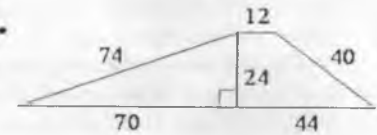
Ответ: _____

10 Длина хорды окружности равна 12, а расстояние от центра окружности до этой хорды равно 8. Найдите диаметр окружности.



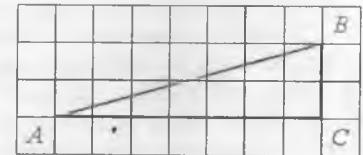
Ответ: _____

11 Найдите площадь трапеции, изображенной на рисунке.



Ответ: _____

12 Найдите тангенс угла B треугольника ABC, изображенного на рисунке.



Ответ: _____

13* Укажите номера верных утверждений.

- 1) В тупоугольном треугольнике все углы тупые.
- 2) В любом параллелограмме диагонали точкой пересечения делятся пополам.
- 3) Точка, лежащая на серединном перпендикуляре к отрезку, равноудалена от концов этого отрезка.

Ответ: _____

Модуль «Реальная математика»

- 14 В таблице приведены нормативы по бегу на 30 м для учащихся 9 класса. Оцените результат мальчика, пробежавшего эту дистанцию за 4,85 с.

| Отметка | Мальчики | | | Девочки | | |
|----------|----------|-----|-----|---------|-----|-----|
| | «5» | «4» | «3» | «5» | «4» | «3» |
| Время, с | 4,6 | 4,9 | 5,3 | 5,0 | 5,5 | 5,9 |

- 1) отметка «5» 2) отметка «4»
3) отметка «3» 4) норматив не выполнен

Ответ:

- 15 На графике изображена зависимость атмосферного давления (в миллиметрах ртутного столба) от высоты над уровнем моря (в километрах). На какой высоте (в км) летит воздушный шар, если барометр, находящийся в корзине шара, показывает давление 220 миллиметров ртутного столба?

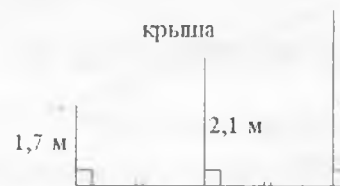


Ответ: _____

- 16 Стоимость проезда в электричке составляет 180 рублей. Школьникам предоставляется скидка 50%. Сколько рублей будет стоить проезд для 8 взрослых и 24 школьников?

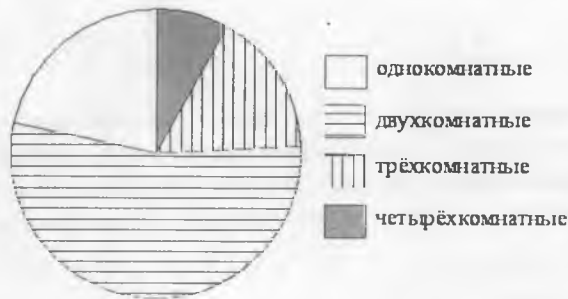
Ответ: _____

- 17 Наклонная крыша установлена на трёх вертикальных опорах, расположенных на одной прямой. Средняя опора стоит посередине между малой и большой опорами (см. рис.). Высота малой опоры 1,7 м, высота средней опоры 2,1 м. Найдите высоту большой опоры. Ответ дайте в метрах.



Ответ: _____

- 18 В доме располагаются однокомнатные, двухкомнатные, трёхкомнатные и четырёхкомнатные квартиры. Данные о количестве квартир представлены на круговой диаграмме.



Какие из утверждений относительно квартир в этом доме верны, если всего в доме 120 квартир?

- 1) Однокомнатных квартир больше, чем двухкомнатных.
- 2) Меньше всего трёхкомнатных квартир.
- 3) Однокомнатных квартир не более $\frac{1}{4}$ от общего количества квартир в доме.
- 4) Двухкомнатных квартир больше 40.

Ответ: _____

- 19 На тарелке лежат одинаковые на вид пирожки: 1 с творогом, 12 с мясом и 3 с яблоками. Ваня наугад выбирает один пирожок. Найдите вероятность того, что он окажется с мясом.

Ответ: _____

- 20 Период колебания математического маятника (в секундах) приближённо можно вычислить по формуле $T = 2\sqrt{l}$, где l — длина нити в метрах. Пользуясь этой формулой, найдите длину нити маятника (в метрах), период колебаний которого составляет 13 секунд?

Ответ: _____

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Часть 2

При выполнении заданий 21-26 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво.

Модуль «Алгебра»

21 Сократите дробь $\frac{12^n}{2^{2n-3} \cdot 3^{n-1}}$.

- 22 Туристы проплыли на лодке от лагеря некоторое расстояние вверх по течению реки, затем причалили к берегу и, погуляв 3 часа, вернулись обратно через 5 часов от начала путешествия. На какое расстояние от лагеря они отплыли, если скорость течения реки равна 2 км/ч, а собственная скорость лодки 8 км/ч?

- 23 Постройте график функции $y = \frac{(x-2)(x^2-5x+4)}{x-4}$ и определите, при каких значениях m прямая $y = m$ имеет с графиком ровно одну общую точку.

Модуль «Геометрия»

- 24 В прямоугольном треугольнике ABC с прямым углом C известны катеты: AC = 8, BC = 15. Найдите медиану CM этого треугольника.

- 25 В параллелограмме ABCD точка E — середина стороны CD. Известно, что EA = EB. Докажите, что данный параллелограмм — прямоугольник.

- 26 Основание AC равнобедренного треугольника ABC равно 10. Окружность радиуса 6 с центром вне этого треугольника касается продолжения боковых сторон треугольника и касается основания AC в его середине. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник ABC.

Заполнять гелевой или капиллярной ручкой ЧЕРНЫМИ чернилами ЗАГЛАВНЫМИ ПЕЧАТНЫМИ БУКВАМИ по следующим образцам:

А Б В Г А Е Ё Ж З И Й К Л М Н О П Р С Т У Ф Х Ц Ч Ш Щ Ъ Ы Ь Э Ю Я 1 2 3 4 5 6 7 8 9 0
 А В С D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z - А А А О О Ё Ё Ё Е I I Y U Ч В ,

Предмет Дата Код участника

МАТ 18.03.15

Фамилия
 Имя
 Отчество

Серия документа

Номер документа

| Номер варианта | Код ППЭ | Номер аудитории | Код ОУ | Класс | Подпись участника тестирования |
|----------------|---------|-----------------|--------|-------|--------------------------------|
| 6401 | | | | | |

Результаты выполнения заданий с ответом в краткой форме

| | | | |
|----|------|----|-------|
| 1 | 0,8 | 18 | 4 |
| 2 | 1 | 19 | 0,75 |
| 3 | 4 | 20 | 42,25 |
| 4 | -2,5 | 21 | |
| 5 | 231 | 22 | |
| 6 | 18 | 23 | |
| 7 | 1,5 | 24 | |
| 8 | 3 | 25 | |
| 9 | 70 | 26 | |
| 10 | 20 | 27 | |
| 11 | 1512 | 28 | |
| 12 | 3,5 | 29 | |
| 13 | 23 | 30 | |
| 14 | 2 | 31 | |
| 15 | 9 | 32 | |
| 16 | 3600 | 33 | |
| 17 | 2,5 | 34 | |

Замена ошибочных ответов на задания с ответом в краткой форме

Перепишите значения полей "Код региона", "Код предмета", "Название предмета" из БЛАНКА РЕГИСТРАЦИИ. Отвечая на задания с РАЗВЕРНУТЫМ ОТВЕТОМ, пишите аккуратно и разборчиво, соблюдая разметку страницы. Не забудьте указать номер задания, на которое Вы отвечаете, например, 31. Условия задания переписывать не нужно.

ВНИМАНИЕ! Все бланки и листы с контрольными измерительными материалами рассматриваются в комплекте.

$$21. \frac{2^{2n} \cdot 3^n}{2^{2n-3} \cdot 3^{n-1}} = 2^3 \cdot 3 = 24$$

Ответ: 24

22. Пусть на x км они сделали одинаковые пути.

В пути они находились 2 ч.

$$\frac{x}{10} + \frac{x}{6} = 2$$

$$\frac{3x + 5x}{30} = 2$$

$$8x = 60 \quad x = 7,5$$

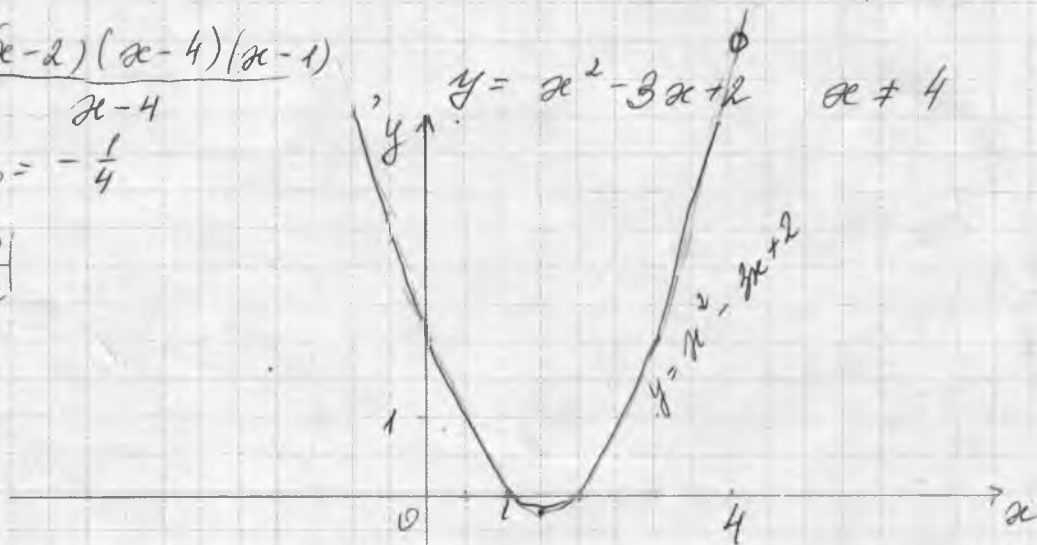
Ответ: 7,5 км

$$23. y = \frac{(x-2)(x-4)(x-1)}{x-4}$$

$$x_0 = \frac{3}{2}$$

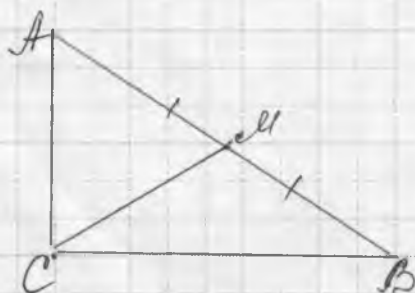
$$y_0 = -\frac{1}{4}$$

| | | | | | |
|-----|---|---|----------------|---|---|
| x | 0 | 1 | $\frac{3}{2}$ | 2 | 3 |
| y | 2 | 0 | $-\frac{1}{4}$ | 0 | 2 |



Ответ: $-\frac{1}{4}, 6$

24.



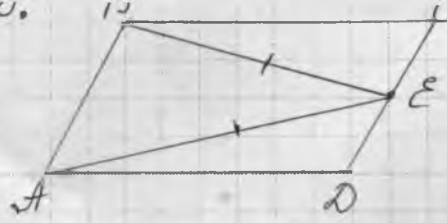
$$AB = \sqrt{8^2 + 15^2} = 17$$

$$CM = \frac{1}{2} AB$$

$$CM = 8,5$$

Ответ: 8,5

25.



$\triangle ADE = \triangle BCE$

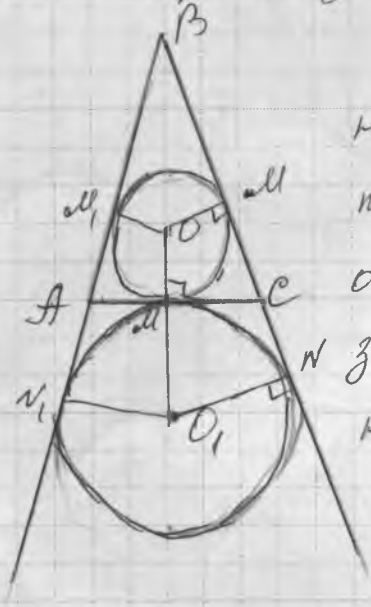
1. $BE = AD$ - по условию
2. $BC = AD$ - свойство параллелограмма
3. $CE = DE$ - по условию
4. $\angle C = \angle D$.

$\angle C + \angle D = 180^\circ$ - смежные при $BC \parallel AD$, CE - секущая.

$\angle C = \angle D = 90^\circ$. $\angle A = \angle C = 90^\circ$, $\angle B = \angle D = 90^\circ$ - свойства

$ABCD$ - прямоугольник

26.



Отрезок общей внешней касательной к двум касающимся окружностям радиусов r и R равен отрезку общей внутренней касательной, заключенному между общими внешними.

$MN = M_1 N_1 = AC = 2\sqrt{Rr}$

$10 = 2\sqrt{R \cdot r}$ $25 = 6r$

$r = 4\frac{1}{6}$

Ответ: $4\frac{1}{6}$